

# BPL-RFQ 加速器束流动力学设计研究

罗紫华 王书鸿

(中国科学院高能物理研究所 北京 100039)

1994-04-13 收稿

## 摘要

描述北京质子直线加速器 RFQ 的参数选择及束流动力学设计研究, 给出了 BPL-RFQ 的主要参数。

**关键词** RFQ, 束流动力学, 发射度, 传输效率, 匹配。

近十多年来 RFQ 发展十分迅速, 目前世界上的许多中高能质子加速器采用 RFQ 作注入器。北京质子直线加速器 (BPL) 的注入器——750keV 高压倍加器已运行了十多年。1993 年已正式批准建造 BPL-RFQ 来替代它。本文将介绍国内第一台用于加速质子的 BPL-RFQ 动力学设计研究。

## 1 BPL-RFQ 组成及主要技术要求

BPL-RFQ 系统包括 RFQ 本体、离子源 (IS) 与 RFQ 匹配段以及 RFQ 与漂移管加速器 (DTL) 匹配段三大部分。图 1 是这一系统的示意图。表 1 给出了这台加速器的主要技术要求。

表 1 BPL-RFQ 主要技术要求

粒子种类	质子
工作频率 (MHz)	201.25
注入能量 (keV)	40
出口能量 (keV)	750
注入流强 (mA)	>100*
出口流强 (mA)	>60
束流脉宽 (μs)	180
重复频率 (Hz)	1, 2, 5, 10, 12.5
注入束流横向归一化发射度 ( $\pi \cdot \text{cm} \cdot \text{mrad}$ )	<0.2
出口束流横向归一化发射度 ( $\pi \cdot \text{cm} \cdot \text{mrad}$ )	<0.4
出口束流能散 (keV)	~±25

\* 指 RFQ 采用四杆电极结构时的值。

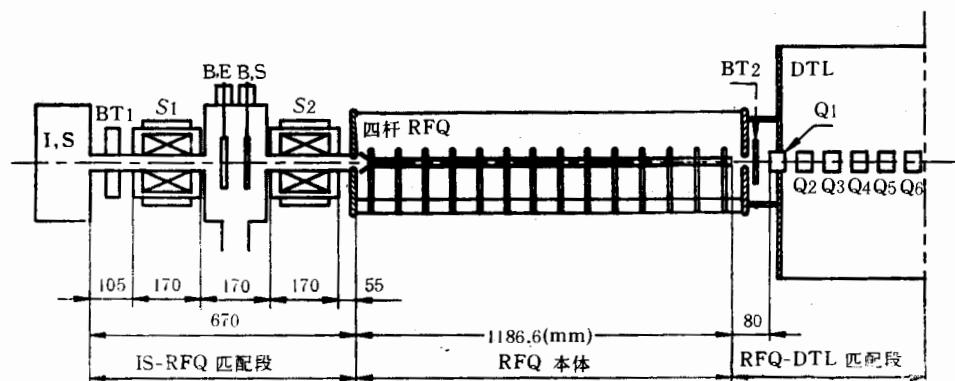


图 1 BPL-RFQ 系统示意图

## 2 BPL-RFQ 束流动力学设计

### 2.1 BPL-RFQ 选型及基本参数选择

#### 2.1.1 选型

四翼型和四杆型电极结构 RFQ 均可满足 BPL-RFQ 的技术要求。四翼型结构的特点是束流性能好、束流传输效率高,但其制造加工要求严,造价高、调试较难;四杆型结构则加工容易、调试方便、电极冷却容易,造价约为前者的  $1/5\sim1/10^{[1]}$ , 但其束流性能及束流传输效率差些。综合比较后,决定 BPL-RFQ 选用四杆型电极结构。

#### 2.1.2 正常运行束流强度 $I_N$

正常运行束流强度指 RFQ 正常工作状态下所加速的流强。四翼型 RFQ 的束流传输效率  $\eta_{vane}$  一般可高达 90% 左右。四杆型 RFQ 的束流传输效率  $\eta_{rod}$  则低些。在同样极顶尺寸的情况下,根据文献 [2] 中所列的实验结果可知,后者的束流传输效率约为前者的 75%—80%。由此可见,要使 RFQ 出口流强达到 60mA, 如果采用四杆型结构, 其对应的 RFQ 入口流强约为  $60\text{mA} \times (1/0.9) \times (1/0.75\sim1/0.8) = (89\sim83)\text{mA}$ 。考虑到留有余地以及束流从离子源传输到 RFQ 时有一定损失, 故选取离子源出口质子流大于 100mA。

#### 2.1.3 极限流强 $I_{limit}$

极限流强指 RFQ 加速器所能加速到的理论最大流强。在 RFQ 设计中, 选择合适的极限流强与正常运行流强之比  $K_1$ , 对于确定合适的 RFQ 几何参数和电参数十分重要。 $K_1$  选得越大, 越能确保获得正常运行束流值。但是,  $K_1$  越大, RFQ 加速流强的裕量越大, 故越不经济。一般说来,  $I_N$  越大,  $K_1$  应选得越小。通常  $K_1$  为 2 左右。经过反复计算表明, 对于正常运行流强 100mA 的 RFQ, 取极限流强 160mA 比较合适。

#### 2.1.4 注入能量 $W_i$

注入能量大小直接影响 RFQ 能加速到最终的流强、束流传输效率及发射度增长。一般说来, 束流强度越大, 所需的注入能量越高, 其对应的束流相振荡绝热加速阻尼作用和聚束作用越弱, 故所需的整形聚束段的长度越长, RFQ 的总长度越长, 即对应的腔

体和电极的长度也越长，所需的高频功率也越多。对于 100mA 注入流强的 201.25MHz RFQ，选择 40keV 注入能量较为合适。

### 2.1.5 离子源发射度 $\epsilon_{s,N}$

RFQ 加速器要求注入束流的发射度一般都较小，以使束流包络小而能顺利穿过 RFQ 电极孔，提高束流传输效率。 $\epsilon_{s,N}$  越小，束流通道孔越小，也有利节省高频功率以及提高加速效率，缩短加速器长度。 $\epsilon_{s,N}$  主要取决于流强和离子源的几何结构及其电参数。在 40kV, 100mA 下，选取  $\epsilon_{s,N} \lesssim 2\pi\text{mm} \cdot \text{mrad}$ 。这一要求并不苛刻。如 CERN-RFQ2，其离子源在 100kV 250mA 下， $\epsilon_{s,N}$  为  $1.5\pi\text{mm} \cdot \text{mrad}$ <sup>[3]</sup>；DESY-RFQ 离子源在 18kV(50—70)mA 下，其 85% 束流发射度均小于  $1\pi\text{mm} \cdot \text{mrad}$ <sup>[11]</sup>。

### 2.1.6 RFQ 电极表面最大电场 $E_{s,\max}$

$E_{s,\max}$  与相邻电极电压  $V_0$  及特征半径  $r_0$  有如下关系：

$$E_{s,\max} = K \cdot V_0 / r_0 [\text{MV/m}], \quad (1)$$

其中 K 为电极几何因子，对于理想电极  $K = 1.36$ 。从 (1) 式可知， $E_{s,\max}$  越大  $V_0$  就越大。因此，选择较大的  $E_{s,\max}$  有利于提高粒子加速率，缩短加速器长度。 $E_{s,\max}$  应小于击穿场强，才能保证加速器不因高频击穿影响而稳定运行。

击穿场强  $E_K$  与工作频率关系由 Kilpatrick 在五十年代得到经验公式[4]：

$$f = 1.64 E_K^2 e^{-8.5/E_K}, \quad (2)$$

式中 f 和  $E_K$  的单位分别为 [MHz] 和 [MV/m]。对于 200MHz 而言， $E_K \sim 15\text{MV/m}$ 。这偏于保守，随着加工工艺及真空技术的提高，现在实际达到的击穿场强为上式计算值的 1—3 倍。CERN-RFQ2 取  $E_{s,\max} = 35\text{MV/m}$ <sup>[3]</sup>；美国 LBL-RFQ 取  $E_{s,\max} = 27\text{MV/m}$ <sup>[5]</sup>。BPL-RFQ 取  $E_{s,\max} = 24.9\text{MV/m}$ ，为  $1.67 E_K$ 。

## 2.2 BPL-RFQ 束流动力学设计结果

BPL-RFQ 本文由四段组成，即开头的径向匹配段 (RMS)，束团成形段 (SHS)、慢聚束段 (GBS) 和加速段 (ACS)。设计中利用了 RFQ 程序包，它内含 CULI, IMS, OPTI, PARH, OUTQ 五个程序，功能不一。其中：

CULI——用于计算 RFQ 极限束流下在 GBS 末的最佳参数  $a$  (极间孔半径),  $m$  (电极调制参数),  $V_0$ ,  $B$  (横向聚焦参量),  $r_0$ 。

IMS——用于计算各种流强下 RMS 的入口接受度椭圆参数。

OPTI——用于求得 SHS, GBS, ACS 中的最佳参数。这些参数将直接影响 RFQ 束流性能及 RFQ 的长度等。

PARH——用于求得 RFQ 各单元的几何参数及粒子能量等，并模拟束流在 RFQ 中运动情况。

OUTQ——用于计算和输出 RFQ 的主要束流动力学参数(横向和纵向发射度)、束流沿途丢失情况等。

表 2 和表 3 分别给出了 BPL-RFQ 的主要参数和束流性能参数。图 2 至 7 给出 BPL-RFQ 参数沿  $z$  变化及各种参数( $N_{\text{RMS}}$ ,  $B_i$ ,  $I_N$ ,  $\epsilon_{iN}$ )与束流传输效率的关系以及束流横向发射度增长与  $I_N$  关系。

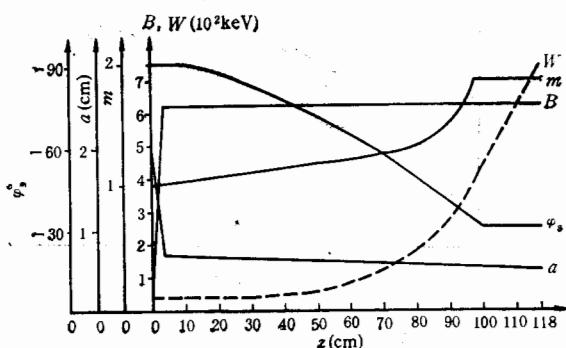
表 2 BPL-RFQ 主要参数

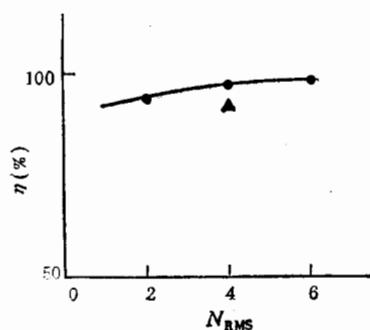
注入能量 $W_i(\text{keV})$	40
出口能量 $W_f(\text{keV})$	750
同步相位 $\varphi_s(^{\circ})$	-90—-30
极限流强 $I_{\text{limit}}(\text{mA})$	160
正常流强 $I_N(\text{mA})$	100
总单元数 $N_{\text{TOT}}$	115
径向匹配段单元数 $N_{\text{RMS}}$	4
横向聚焦参量 $B$	0.8—6.14
电极调制参量 $m$	1—1.824
电极孔半径 $a(\text{cm})$	1.962—0.492
最小电极孔半径 $a_{\min}(\text{cm})$	0.492
特征半径 $r_0(\text{cm})$	0.708
理论电极总长度 $L_{T,T}(\text{cm})$	118.66
实际电极总长度 $L_{T,A}(\text{cm})$	117.55
电极最大电场 $E_{s,\max}(\text{MV/m})$	24.9
电极极间电压 $V_0(\text{kV})$	130.2
工作频率 $f(\text{MHz})$	201.25

表 3 BPL-RFQ 束流性能设计参数 (90% 束流)

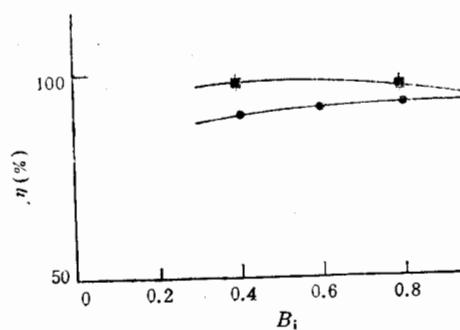
	入 口	出 口
质子能量 (keV)	40	750
正常流强 (mA)	100	92.2*
x-横向归一化发射度 $\sigma_{x,N}(\pi \cdot \text{cm} \cdot \text{mrad})$	0.138	0.258
$\alpha_x$	1.275	2.483
$\beta_x(\text{cm})$	5.619	17.10
x-均方根归一化发射度 $\sigma_{rms,x}(\pi \cdot \text{cm} \cdot \text{mrad})$	<0.034	<0.0561
y-横向归一化发射度 $\sigma_{y,N}(\pi \cdot \text{cm} \cdot \text{mrad})$	0.134	0.239
$\alpha_y$	1.39	-1.634
$\beta_y(\text{cm})$	5.80	13.19
y-均方根归一化发射度 $\sigma_{rms,y}(\pi \cdot \text{cm} \cdot \text{mrad})$	<0.032	<0.054
能散 (keV)	0	±20.9
相散 ( $^{\circ}$ )	±180	±27.9
纵向均方根归一化发射度 ( $\pi \cdot \text{Deg} \cdot \text{keV}$ )	0	<89.6
束流包络 $x_{en}(\text{cm})$	0.294	0.333
束流包络 $y_{en}(\text{cm})$	0.291	0.287

\* 表示计算中按理想电极考虑的。

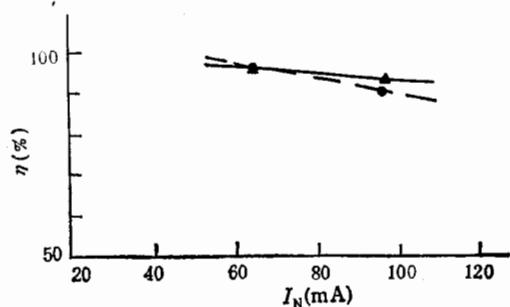
图 2 BPL-RFQ 参数随  $z$  的变化

图 3  $\eta$ - $N_{\text{RMS}}$  曲线

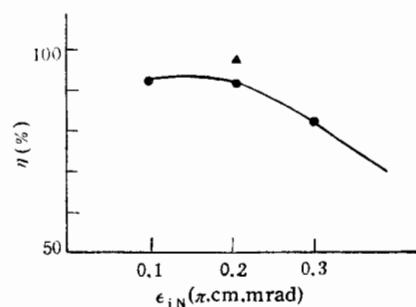
$\epsilon_{iN} = 0.2\pi \text{ cm} \cdot \text{mrad}$ ,  $\blacktriangle B_i = 0.8$ ,  $I_N = 100 \text{ mA}$ ,  
 $\bullet B_i = 0.4$ ,  $I_N = 60 \text{ mA}$ .

图 4  $\eta$ - $B_i$  曲线

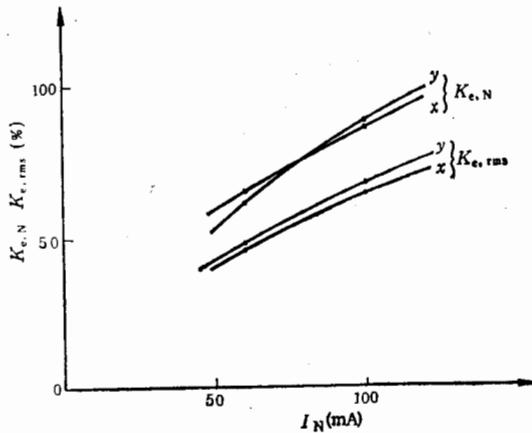
$\epsilon_{iN} = 0.2\pi \text{ cm} \cdot \text{mrad}$ ,  $N_{\text{RMS}} = 4$ ,  
 $I_N = 100 \text{ mA}$ (●),  $60 \text{ mA}$ (\*)。

图 5  $\eta$ - $I_N$  曲线

$\epsilon_{iN} = 0.2\pi \text{ cm} \cdot \text{mrad}$ ,  $N_{\text{RMS}} = 4$ ,  
 $B_i = 0.8$ (▲),  $0.4$ (●).

图 6  $\eta$ - $\epsilon_{iN}$  曲线

$B_i = 0.8$ ,  $N_{\text{RMS}} = 4$ ,  $I_N = 100 \text{ mA}$ (●),  
 $60 \text{ mA}$ (▲).

图 7 横向发射度增长随  $I_N$  变化

$$K_{e,N} = \left( \frac{\epsilon_{fN} - \epsilon_{iN}}{\epsilon_{iN}} \right) \times 100\%, \quad K_{e,rms} = \left( \frac{\epsilon_{frms} - \epsilon_{irms}}{\epsilon_{irms}} \right) \times 100\%.$$

BPL-RFQ 动力学设计方案有如下几个特点。首先, 束流传输效率高。在正常运行流强 0 和 100mA 时, 束流传输效率分别高达 97% 和 92%; 其次, 选择了较高的入口横向聚焦参量  $B_i = 0.8$ , 并取径向匹配单元数  $N_{RMS} = 4$ , 这样在四杆电极入口端弯曲度小些, 以利电极加工, 并从动力学计算表明、有利提高  $\eta$ ; 第三,  $E_{t,max}$  较高,  $L_{T,T}$  较短, 电极总长约 118cm。第四, 设计的运行流强高达 100mA, 而注入能量较低为 40keV; 第五, 横向发射度增长较小。在 100mA 40keV 注入下, 归一化发射度只增长了约 90%, 均方根归一化发射度增长约 60%。在较低注入能量及较强流强下要做到这一点, 也是不容易的。

### 3 离子源与 RFQ 束流匹配段设计

设离子源出来的束流是连续轴对称束, 离子源与 RFQ 之间的束流匹配只需考虑横向运动, 并且只需两个匹配元件。这里选用两个螺旋管线圈作为匹配元件, 并采用了 CERN-RFQ1 及 DESY-RFQ 上使用的螺旋管结构<sup>[6,7]</sup>, 它的最大磁场 1.0T, 孔径  $\phi 4.5$  cm, 由 8 个不同直径的线圈饼组成, 以形成一个沿轴上分布较为均匀的磁场形态。离子源与 RFQ 之间总长约 67cm, 其总体布局及主要元件如图 1 所示。利用计入空间电荷作用的四维 TRANSPORT 程序进行了束流匹配计算, 束流包络变化及相应的两个螺旋管磁场  $H_{S1}$  和  $H_{S2}$  见图 8。

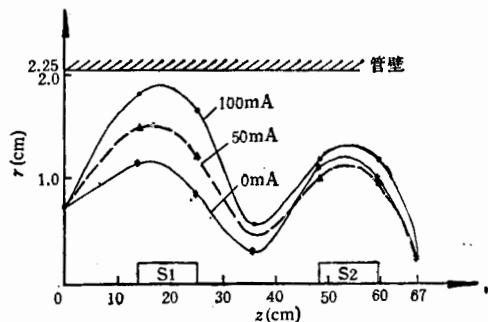


图 8 离子源至 RFQ 的匹配束流包络变化  
\*  $H_{S1} = 0.544$  T,  $H_{S2} = 0.641$  T,  $\Delta H_{S1} = 0.628$  T,  
 $H_{S2} = 0.763$  T,  $\bullet H_{S1} = 0.661$  T,  $H_{S2} = 0.791$  T.

### 4 RFQ 与 DTL 束流匹配段设计

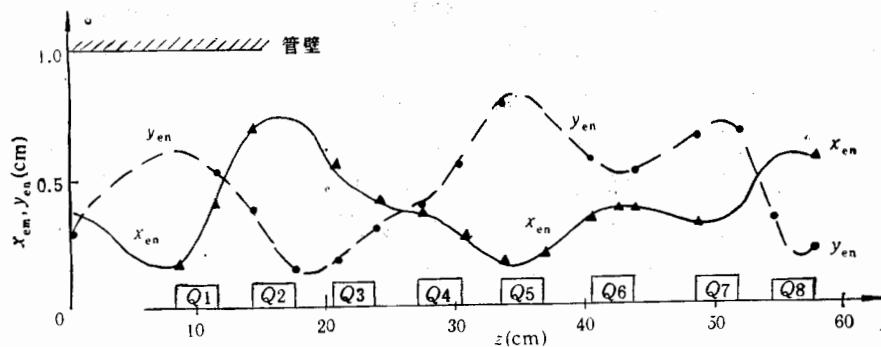
RFQ 与 DTL 之间的束流匹配必须兼顾横向和纵向运动两个方向。

#### 4.1 横向运动匹配

利用 DTL 的前 6 个四极磁铁, 通过调节它们的磁场梯度, 可以实现 RFQ 与 DTL 间的束流横向匹配。表 4 给出其束流匹配磁场梯度值, 图 9 给出匹配束流包络的变化。

表 4 RFQ 与 DTL 匹配磁场梯度值

四极磁铁 $H'$	$H'_{Q1}$	$H'_{Q2}$	$H'_{Q3}$	$H'_{Q4}$	$H'_{Q5}$	$H'_{Q6}$
允许值 (T/m)	92.0	92.0	92.0	92.0	92.0	92.0
匹配值 (T/m)	80.3	87.1	47.2	43.8	66.5	78.0

图9 RFQ 出口至 DTL-Q<sub>8</sub> 的匹配束流包络变化

应当指出：在 DTL 和 RFQ 中束流横向聚焦分别是利用磁聚焦和电聚焦作用来实现的。在确定 RFQ 电极横向安放方式和 DTL 磁极横向安放方式时，必须考虑到两者作用方向应相吻合。否则，不可能实现 DTL 与 RFQ 之间的横向匹配，影响束流传输效率。

#### 4.2 纵向运动匹配

为节省资金，BPL-RFQ 系统不考虑另加 RFQ 与 DTL 间的纵向匹配元件。因此，严格来讲，RFQ 与 DTL 间不可能真正实现纵向运动匹配。这必将影响 BPL 的束流性能及传输效率。一种补救办法是，通过合理仔细地选择 RFQ 参数，以求得 RFQ 出口处的纵向发射度尽可能小，选择尽可能短的 RFQ 与 DTL 之间距离  $d_{RD}$ （自 RFQ 出口至 DTL 的第一加速间隙中心约 12cm），使得 RFQ 出来的束流经过这段距离后所产生的附加相散<sup>[3]</sup>  $\Delta\varphi_{ad}$  尽可能小。

$$\Delta\varphi_{ad} = \frac{360 \cdot \Delta W_f \cdot d_{RD}}{m_0 c^2 \beta_f^3 \gamma_f^3 \lambda} (\circ) \quad (3)$$

式中  $\gamma_f = (1 - \beta_f^2)^{-1/2}$ ， $\beta_f$  为粒子相对速度， $m_0 c^2$ (MeV) 为质子静止能量， $\lambda$ (m) 为高频波长， $\Delta W_f$ (MeV) 为 RFQ 出口束流能散， $d_{RD}$ (m) 为 RFQ 与 DTL 距离。

BPL-RFQ 出口束流 100mA 中的 90% 的相散和能散分别为  $\Delta\varphi_f = \pm 27.9^\circ$ ， $\Delta W_f = \pm 20.9$  keV。此束流经过 12cm 漂移后，按(3)式可得  $\Delta\varphi_{ad} = 10.5^\circ$ 。因此，束流进入 DTL 的第一加速间隙时的最大相散  $\Delta\varphi_{max} = |\Delta\varphi_f| + \Delta\varphi_{ad} = 38.4^\circ$ ，和最大能散  $\Delta W_{max} = 20.9$  keV。它们都小于 DTL 入口的纵向接受度<sup>[3]</sup>

$$\begin{cases} \Delta\varphi_{ac} = |\varphi_a| = 40^\circ \\ \Delta W_{ac} = \sqrt{\frac{2eE_0 T m_0 c^2 \beta_f^3 \gamma_f^3 \lambda}{\pi}} (\varphi_a \cos \varphi_a - \sin \varphi_a) = 81 \text{ keV.} \end{cases} \quad (4)$$

这意味着束团进入 DTL 时其纵向发射度落入接受度内而不损失，可不必另加纵向匹配元件。

#### 4.3 束流运动模拟

利用 PARMILA 程序模拟了 100mA 束流从 RFQ 出口直至 DTL 加速腔末端的运

动情况。按照 BPL 原来所选的工作路线所对应的四极磁铁磁场梯度值<sup>[9]</sup>, 并将其中前 6 个四极磁铁的磁场梯度值改按表 4 的新匹配值来模拟, 结果表明: 98mA 的束流可顺利加速到 BPL 的末端, 即传输效率达 98%。这也说明, 当 RFQ 紧靠 DTL 时, 利用 DTL 中的前 6 个四极磁铁来进行 RFQ 与 DTL 匹配是可行的。

## 5 四杆型 RFQ 电极设计原则

这里简介从束流动力学来考虑四杆型 RFQ 电极设计原则。当理想形状的 RFQ 电极过渡到四杆型电极(图 10)时, 应考虑几点: 第一, 先按理想形状电极设计出所需的 RFQ 加速器参数, 如  $W_f$ ,  $W_i$ ,  $a$ ,  $m$ ,  $r_0$ ,  $N_{TOT}$ ,  $L_c$  (加速单元长度)等; 第二, 应维持理想形状电极下得到的  $a$ ,  $m$ ,  $r_0$ ,  $N_{TOT}$ ,  $L_c$  不变; 第三, 选择合适的电极半径系数  $f_r$ , 使非理想形状的四杆型电极所引起的高阶势函数系数尽可能小, 即对动力学参量的影响尽可能小。这里的  $f_r$  与四杆电极中心轴距离  $R_0$  满足关系式

$$R_0 = (f_r + 1)r_0. \quad (5)$$

通常取  $f_r$  约为 1; 第四, 高阶势函数对束流能量的影响, 可以通过改变运行的高频功率, 即改变极间电压  $V_0$  来调节。

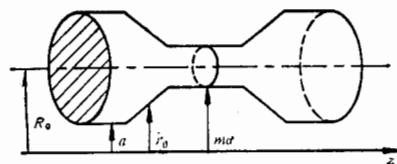


图 10 四杆型电极形状之一

## 6 小 结

围绕 BPL-RFQ 束流动力学设计研究, 描述了该加速器的设计思想, 设计步骤和方法, 参数选择方法, 以及提出了四杆型 RFQ 电极设计原则。本文所给出的 BPL-RFQ 参数以及 RFQ 与 DTL 匹配参数, 经过了多粒子模拟程序检验, 因此是可靠的, 有着实际应用价值。现在 BPL-RFQ 已按本设计的参数进行设备加工。

参加 BPL-RFQ 工作的同志, 曾对本设计研究进行反复的、十分有益的讨论, 作者对此深表感谢。

## 参 考 文 献

- [1] A. Schempp et al., *N. I. M.*, **B10/11**(1985).
- [2] A. Schempp et al., Proc. of 1988 European Part. Acc. Conference, 1988.
- [3] C. Biscari et al., Proc. of 1984 Linac Conf., 1984.
- [4] D. T. Warner et al., Proc. of 1976 Proton Linac Conf., 1976.
- [5] R. A. Gough, Proc. of 1984 Linac Conf., 1984.
- [6] E. Brauensreuther, PS/LI/Note 82-5, 1982.
- [7] Wang Shuhong, DESY 84-092, 1984.
- [8] 罗紫华, 高能物理与核物理, **6**(1982)507.
- [9] 王书鸿、罗紫华、罗应雄, «质子直线加速器原理», 原子能出版社, 1986 年。
- [10] 罗紫华、王书鸿, 高能物理与核物理, **12**(1988)793.
- [11] 张华顺, HERA 工程用  $H^-$  离子源、低能运输段、发射度测量仪的调整与 RFQ 束性能的测试, 1988.

## Design and Study of Beam Dynamics for the BPL-RFQ

Luo Zihua Wang Shuhong

(Institute of High Energy Physics, Academia Sinica, Beijing 100039)

Received 13 April 1994

### Abstract

The choices of parameters and design study of beam dynamics for the BPL-RFQ are described in this paper. And the basic parameters of the BPL-RFQ system have been also given.

**Key words** RFQ, beam dynamics, emittance, transmission efficiency, match.